

2011年工・ライフデザイン 第1問



1 2次関数 $y = ax^2 + 8x + 10 - a$ について考える（ただし， $a \neq 0$ ）。

- (1) この2次関数のグラフが， x 軸とただ一つの共有点を持つ， $a < 7$ ならば， $a = \boxed{2}$ である。またこのとき，2次関数のグラフの軸は直線 $x = -\boxed{2}$ である。
- (2) $a = 4$ のとき，定義域が $-2 \leq x \leq 1$ の場合の最小値は $\boxed{2}$ ，最大値は $\boxed{18}$ である。
- (3) この2次関数のグラフの軸が直線 $x = 4$ となるように a を定めたとき，頂点の y 座標は $\boxed{27}$ である。

(1) x 軸とただ一つの共有点を持つ \Leftrightarrow 接する。

$\therefore ax^2 + 8x + 10 - a = 0$ の判別式を D とおくと。

$$\frac{D}{4} = 4^2 - a(10-a) = 0 \quad \therefore a^2 - 10a + 16 = 0$$

$$\therefore (a-2)(a-8) = 0 \quad a < 7 \text{ より } \underline{a=2},$$

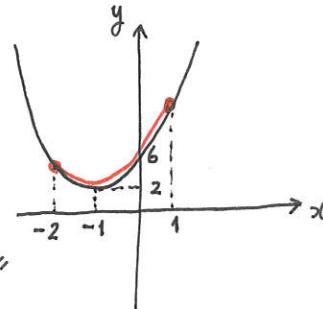
このとき $y = 2x^2 + 8x + 8 = 2(x+2)^2$ より 軸は $x = -2$ ，

(2) $a = 4$ のとき。

$$y = 4x^2 + 8x + 6 \quad \therefore y = 4(x+1)^2 + 2 \text{ より}$$

グラフは右のようになる。

よって 最小値は $x = -1$ のとき 2，最大値は $x = 1$ のとき 18



(3) 軸の方程式は $x = -\frac{8}{2a} = -\frac{4}{a}$

$$\therefore -\frac{4}{a} = 4 \text{ より } a = -1$$

$$\text{このとき } y = -x^2 + 8x + 11$$

$$= -(x-4)^2 + 27 \quad \therefore \text{頂点の } y \text{ 座標は } 27$$